

9 классы

Внимание! При вычислениях считать **ускорение свободного падения** $g = 10 \text{ м/с}^2$.

Везде, где не сказано иное, ответы давать **в единицах СИ**, при необходимости **округлив до сотых**.

1-1. Велосипедист выехал из поселка в город и, проехав $\frac{5}{8}$ всего пути, проколол колесо. Дальше он, взвалив велосипед на плечи, пошел пешком. При этом его скорость была в 5 раз меньше скорости, с которой он ехал на велосипеде. В результате весь путь занял 3 часа. Какое время он шел пешком? Ответ дать в минутах, округлив при необходимости до целого числа минут.

{135}

1-2. Велосипедист выехал из поселка в город и, проехав $\frac{5}{8}$ всего пути, проколол колесо. Дальше он, взвалив велосипед на плечи, пошел пешком. При этом его скорость была в 5 раз меньше скорости, с которой он ехал на велосипеде. В результате весь путь занял 3 часа. Какое время он шел пешком? Ответ дать в минутах, округлив при необходимости до целого числа минут.

{135}

1-3. Велосипедист выехал из поселка в город и, проехав $\frac{5}{8}$ всего пути, проколол колесо. Дальше он, взвалив велосипед на плечи, пошел пешком. При этом его скорость была в 5 раз меньше скорости, с которой он ехал на велосипеде. В результате весь путь занял 3 часа. Какое время он шел пешком? Ответ дать в минутах, округлив при необходимости до целого числа минут.

{135}

1-4. Велосипедист выехал из поселка в город и, проехав $\frac{5}{8}$ всего пути, проколол колесо. Дальше он, взвалив велосипед на плечи, пошел пешком. При этом его скорость была в 5 раз меньше скорости, с которой он ехал на велосипеде. В результате весь путь занял 3 часа. Какое время он шел пешком? Ответ дать в минутах, округлив при необходимости до целого числа минут.

{135}

2-1. Тело бросили с высоты 25 метров над уровнем Земли со скоростью 20 м/с под некоторым углом к горизонту. В точке наивысшего подъема скорость тела была 10 м/с. Найдите синус угла, который будет составлять вектор скорости тела с горизонтом при падении на Землю. При необходимости округлите ответ до сотых.

{0.94}

2-2. Тело бросили с высоты 25 метров над уровнем Земли со скоростью 20 м/с под некоторым углом к горизонту. В точке наивысшего подъема скорость тела была 10 м/с. Найдите синус угла, который будет составлять вектор скорости тела с горизонтом при падении на Землю. При необходимости округлите ответ до сотых.

{0.94}

2-3. Тело бросили с высоты 25 метров над уровнем Земли со скоростью 20 м/с под некоторым углом к горизонту. В точке наивысшего подъема скорость тела была 10 м/с. Найдите синус угла, который будет составлять вектор скорости тела с горизонтом при падении на Землю. При необходимости округлите ответ до сотых.

{0.94}

2-4. Тело бросили с высоты 25 метров над уровнем Земли со скоростью 20 м/с под некоторым углом к горизонту. В точке наивысшего подъема скорость

тела была 10 м/с. Найдите синус угла, который будет составлять вектор скорости тела с горизонтом при падении на Землю. При необходимости округлите ответ до сотых.

{0.94}

3-1. Невесомый блок, способный вращаться без потерь энергии на своей оси, прикреплен к потолку с помощью пружины жесткостью $k = 1000 \text{ Н/м}$. Через блок перекинули нерастяжимую и невесомую нить с прикрепленными на ее концах двумя одинаковыми массами по 2 кг. Система находилась в покое до тех пор, пока к одному из грузов не прикрепili еще один груз, масса которого 6 кг. После этого система пришла в движение. На сколько процентов выросла действующая на пружину сила по сравнению с тем состоянием, в котором система находилась в покое?

{60}

3-2. Невесомый блок, способный вращаться без потерь энергии на своей оси, прикреплен к потолку с помощью пружины жесткостью $k = 1000 \text{ Н/м}$. Через блок перекинули нерастяжимую и невесомую нить с прикрепленными на ее концах двумя одинаковыми массами по 2 кг. Система находилась в покое до тех пор, пока к одному из грузов не прикрепili еще один груз, масса которого 6 кг. После этого система пришла в движение. На сколько процентов выросла действующая на пружину сила по сравнению с тем состоянием, в котором система находилась в покое?

{60}

3-3. Невесомый блок, способный вращаться без потерь энергии на своей оси, прикреплен к потолку с помощью пружины жесткостью $k = 1000 \text{ Н/м}$. Через блок перекинули нерастяжимую и невесомую нить с прикрепленными на ее концах двумя одинаковыми массами по 2 кг. Система находилась в покое до тех пор, пока к одному из грузов не прикрепili еще один груз,

масса которого 6 кг. После этого система пришла в движение. На сколько процентов выросла действующая на пружину сила по сравнению с тем состоянием, в котором система находилась в покое?

{60}

3-4. Невесомый блок, способный вращаться без потерь энергии на своей оси, прикреплен к потолку с помощью пружины жесткостью $k = 1000 \text{ Н/м}$. Через блок перекинули нерастяжимую и невесомую нить с прикрепленными на ее концах двумя одинаковыми массами по 2 кг. Система находилась в покое до тех пор, пока к одному из грузов не прикрепili еще один груз, масса которого 6 кг. После этого система пришла в движение. На сколько процентов выросла действующая на пружину сила по сравнению с тем состоянием, в котором система находилась в покое?

{60}

4-1. В теплоизолированный сосуд с водой температуры 20°C бросают металлический кубик, разогретый до температуры 100°C . После этого температура воды поднялась до 40°C . Какой станет температура воды (в градусах Цельсия), если в нее бросить еще два таких же кубика, разогретых до 100°C ?

{60}

4-2. В теплоизолированный сосуд с водой температуры 20°C бросают металлический кубик, разогретый до температуры 100°C . После этого температура воды поднялась до 40°C . Какой станет температура воды (в градусах Цельсия), если в нее бросить еще два таких же кубика, разогретых до 100°C ?

{60}

4-3. В теплоизолированный сосуд с водой температуры 20°C бросают металлический кубик, разогретый до температуры 100°C . После этого температура воды поднялась до 40°C . Какой станет температура воды (в градусах Цельсия), если в нее бросить еще два таких же кубика, разогретых до 100°C ?

{60}

4-4. В теплоизолированный сосуд с водой температуры 20°C бросают металлический кубик, разогретый до температуры 100°C . После этого температура воды поднялась до 40°C . Какой станет температура воды (в градусах Цельсия), если в нее бросить еще два таких же кубика, разогретых до 100°C ?

{60}

5-1. Медная пластина имеет форму выпуклого четырехугольника $ABCD$, в котором $AB = 20$ см, $CD = 5$ см, $AD = BC$, и известны углы $\angle BAD = 43^{\circ}$, $\angle ABC = 47^{\circ}$. Найдите массу пластины в граммах, если ее толщина равна 5 мм, а плотность меди $8,93$ г/см³.

{418,59}

5-2. Медная пластина имеет форму выпуклого четырехугольника $ABCD$, в котором $AB = 20$ см, $CD = 5$ см, $AD = BC$, и известны углы $\angle BAD = 41^{\circ}$, $\angle ABC = 49^{\circ}$. Найдите массу пластины в граммах, если ее толщина равна 5 мм, а плотность меди $8,91$ г/см³.

{417,66}

5-3. Латунная пластина имеет форму выпуклого четырехугольника $ABCD$, в котором $AB = 20$ см, $CD = 5$ см, $AD = BC$, и известны углы $\angle BAD = 42^{\circ}$, $\angle ABC = 48^{\circ}$. Найдите массу пластины в граммах, если ее толщина равна 5 мм, а плотность латуни $8,57$ г/см³.

{401,72}

5-4. Латунная пластина имеет форму выпуклого четырехугольника $ABCD$, в котором $AB = 20$ см, $CD = 5$ см, $AD = BC$, и известны углы $\angle BAD = 46^\circ$, $\angle ABC = 44^\circ$. Найдите массу пластины в граммах, если ее толщина равна 5 мм, а плотность латуни $8,55$ г/см³.

{400,78}

6-1. Лыжник выехал на лед, упал, и одна из лыж сорвалась с ноги и стала скользить по льду без трения до тех пор, пока не выехала на грунтовую дорогу. С какой скоростью (в метрах в секунду) двигалась лыжа по льду, если она полностью въехала на грунт и остановилась в положении, когда задняя часть лыжи находилась на стыке льда и грунта? Коэффициент трения лыж на поверхности грунта равен $\mu = 0,3$. Длина лыжи $l = 2$ метра.

{2,45}

6-2. Лыжник выехал на лед, упал, и одна из лыж сорвалась с ноги и стала скользить по льду без трения до тех пор, пока не выехала на грунтовую дорогу. С какой скоростью (в метрах в секунду) двигалась лыжа по льду, если она полностью въехала на грунт и остановилась в положении, когда задняя часть лыжи находилась на стыке льда и грунта? Коэффициент трения лыж на поверхности грунта равен $\mu = 0,3$. Длина лыжи $l = 1,9$ метра.

{2,39}

6-3. Лыжник выехал на лед, упал, и одна из лыж сорвалась с ноги и стала скользить по льду без трения до тех пор, пока не выехала на грунтовую дорогу. С какой скоростью (в метрах в секунду) двигалась лыжа по льду, если она полностью въехала на грунт и остановилась в положении, когда задняя часть лыжи находилась на стыке льда и грунта? Коэффициент трения лыж на поверхности грунта равен $\mu = 0,2$. Длина лыжи $l = 1,9$ метра.

{1,95}

6-4. Лыжник выехал на лед, упал, и одна из лыж сорвалась с ноги и стала скользить по льду без трения до тех пор, пока не выехала на грунтовую дорогу. С какой скоростью (в метрах в секунду) двигалась лыжа по льду, если она полностью въехала на грунт и остановилась в положении, когда задняя часть лыжи находилась на стыке льда и грунта? Коэффициент трения лыж на поверхности грунта равен $\mu = 0,3$. Длина лыжи $l = 1,8$ метра.

{2,32}

Решения

1. Составим систему уравнений: $\frac{5S}{8} = Ut_1$; $\frac{3S}{8} = Vt_2$; $t_1 + t_2 = 3$. Из первых двух уравнений, поделив первое на второе, получим $\frac{t_2}{t_1} = 3$. Это отношение вместе с третьим уравнением исходной системы дает решение: $t_1 = \frac{3}{4}$ ч = 45 минут, $t_2 = \frac{9}{4}$ ч = 135 минут.

Ответ: 135.

2. $V_0 = 20$ м/с, $V_1 = V_0 \cos \alpha = 10$ м/с $\Rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{2}$, $\alpha = 60^\circ$.

Из закона сохранения энергии $V_k^2 = V_0^2 + 2gH \Rightarrow V_k = 30$ м/с – скорость при падении.

Учитывая, что скорость в горизонтальном направлении не меняется, получим

$$V_k \cos \beta = V_0 \cos \alpha \Rightarrow \cos \beta = \frac{V_0}{V_k} \cos \alpha \Rightarrow \cos \beta = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{3}. \text{ Значит,}$$

$$\sin \beta = \frac{2\sqrt{2}}{3} \approx 0,94.$$

Ответ: 0,94.

3. В первом состоянии из условия равновесия сила, действующая на пружину равна $T_1 = 2mg = 40$ Н. В движении: $ma = T - mg$; $m_1a = m_1g - T$. Отсюда получим (умножаем первое уравнение на m_1 , а второе на m и

вычитаем из второго первое): $T = \frac{2mm_1}{m+m_1}g = 32$ Н. Натяжение пружины

определяется силой $T_2 = 2T = 64$ Н.

Остается сравнить силы: $\frac{(64-40)}{40} = \frac{p}{100} \Rightarrow p = 60\%$.

Ответ: 60.

4. Запишем уравнение баланса тепла, после того как в воду бросили первый кубик:

$$Mc_0(40 - 20) = mc(100 - 40) \Rightarrow Mc_0 = 3mc$$

И после того, как бросили в воду еще два кубика:

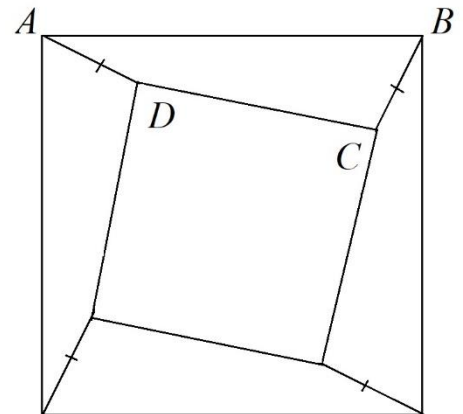
$$Mc_0(t - 40) + mc(t - 40) = 2mc(100 - t)$$

$$4mc(t - 40) = 2mc(100 - t) \Rightarrow 4t - 160 = 200 - 2t$$

$$6t = 360 \Rightarrow t = 60^\circ\text{C}$$

Ответ: 60.

5. Приложим к четырехугольнику $ABCD$ еще три таких же четырехугольника так, чтобы по внешнему контуру образовался квадрат со стороной 20 см (см. рисунок). Это сделать возможно, так как сумма двух острых углов равна 90° и $AD = BC$.



Тогда внутри образуется квадрат со стороной 5 см.

Тем самым учетверенная площадь $ABCD$ равна разности площадей этих двух квадратов, то есть

$$S_{ABCD} = \frac{20^2 - 5^2}{4} = \frac{375}{4} \text{ см}^2.$$

Значит, искомая масса равна $S_{ABCD} \cdot d \cdot \rho$, где $S_{ABCD} = \frac{375}{4} \text{ см}^2$, толщина

пластины $d = 0,5$ см, плотность $\rho = 8,93 \text{ г/см}^3$. Получаем $\frac{375 \cdot 8,93}{4 \cdot 2} \approx 418,59 \text{ г}$.

Заметим, что площадь четырехугольника можно было найти без применения указанного дополнительного построения, но тогда выкладки гораздо более громоздкие.

Ответ: 418,59.

6. Пусть лыжа заехала на грунт частью длины равной x . В этот момент сила трения будет равна $F_t = \mu N$, где $N = mg \cdot \frac{x}{l}$ — сила реакции опоры над той частью лыжи, которая попала на грунт.

Тогда получим для силы следующее выражение: $F_t = \mu mg \cdot \frac{x}{l}$.

Минимальное значение силы трения равно нулю при $x = 0$.

Максимальное значение силы равно $F_t = \mu mg$ при $x = l$.

Зависимость силы от координаты x — линейная. Это значит, что работа силы трения равна по величине половине от максимальной силы, умноженной на перемещение l :

$$A = \frac{\mu mg \cdot l}{2}.$$

Из закона сохранения будем иметь: $0 - \frac{mv^2}{2} = \frac{\mu mg \cdot l}{2} \Rightarrow V = \sqrt{\mu \cdot g \cdot l} = \sqrt{6} \approx 2,45$ м/с.

Ответ: 2,45.