Секция «Газовая и волновая динамика»

## Характерные масштабы процесса сверхкритической флюидной экстракции целевых веществ из масличного растительного сырья ${\it Canamamun~Apmyp~Andpeesuv}$

A c n u p a н m

Казанский (Приволжский) федеральный университет, Казань, Россия E-mail: Arthouse 131@rambler.ru

При сверхкритической флюидной экстракции частицы молотого растительного сырья, образующие в цилиндрической колонке аппарата (пористый) зернистый слой, омываются растворителем, находящимся в сверхкритическом состоянии [1]. Представленная работа посвящена изучению характерных масштабов процесса массопереноса на микроуровне, на уровне отдельной частицы молотого растительного сырья.

В рассматриваемом сырье (как и в отдельно взятой частице) выделяют две транспортные системы — симпластную и апопластную. Первая состоит из внутриклеточных областей, изначально содержащих целевые соединения и сообщающихся по средствам плазмодесм, пронизывающих клеточные стенки и мембраны, а апопласт есть совокупность проводящих клеточных стенок и межклеточного (порового) пространства. Будем считать, что массоперенос по каналам каждой транспортной системы осуществляется по закону Фика (по градиентам концентрации  $\theta_s$  и  $\theta_a$  соответственно) с соответствующими эффективными коэффициентами диффузии  $D_s$  и  $D_a$ : для обозначения характеристик симпласта используется индекс s, а для апопласта — индекс a. Учтем также, что рассматриваемые транспортные системы способны обмениваться веществом через клеточную мембрану, коэффициент проницаемости которой обозначим через  $\beta_c$ , а характерный размер клетки — через  $a_c$ .

Клетка рассматривается в приближении сосредоточенной емкости, содержащей масло в двух фазах: "капельное" масло (первая фаза) мгновенно восполняет концентрацию веществ, растворенных в экстрагенте, проникшем в клетку (вторая фаза), до равновесной –  $\theta_*$ . После истощения "капельного" масла концентрация  $\theta_s$  растворенных веществ в клетке все время меньше  $\theta_*$ . Таким образом,

$$\theta_s = \min\{\theta_*, x_s\},\tag{1}$$

где  $x_s$  — текущее содержание масла в клетке, равное отношению текущей массы масла в клетке к ее объему.

В принятых обозначениях уравнения баланса массы целевых соединений в частице примут вид:

$$(1 - \varepsilon)\frac{\partial x_s}{\partial t} = -3(1 - \varepsilon)\frac{\beta_c}{a_c}(\theta_s - \theta_a) + D_s \Delta \theta_s, \tag{2}$$

$$(1 - \varepsilon)\frac{\partial x_s}{\partial t} + \varepsilon \frac{\partial \theta_a}{\partial t} = D_s \Delta \theta_s + D_a \Delta \theta_a, \tag{3}$$

где  $\varepsilon$  — объемная доля апопласта в частице. Уравнение (2) описывает изменение количества масла в клетках за счет его оттока в каналы апопласта (первое слагаемое в правой части) и диффузии по каналам симпласта (второе слагаемое), а уравнение (3) выражает общее изменение количества масла в единице объема сырья за счет его диффузии по двум транспортным системам.

Из анализа масштабов процесса на микроуровне следует, что характерное время  $t_{sc}$  экстракции сферической частицы радиуса a определяется проницаемостью мембраны клетки и диффузионным переносом по транспортным системам (апопласта и симпласта)

$$t_{sc} = \frac{x_s^0}{\theta_*} \left( \frac{a_c}{3\beta_c} + \frac{a^2}{6D} \right), \quad D = D_a + D_s.$$

Нормируя далее концентрации  $\theta_s$  и  $\theta_a$  на  $\theta_*$ , текущие запасы масла  $x_s$  на их начальное значение  $x_s^0$ , радиальную координату r в частице на ее размер a, сохраним за безразмерными переменными прежние обозначения. В результате замены t на характерное время  $\tau = t/t_{sc}$  уравнения (2)–(3) примут вид

$$\delta_{cw} \frac{M}{1+M} \frac{\partial \theta_a}{\partial \tau} = (1-\varepsilon)M(\theta_s - \theta_a) + d_a \Delta \theta_a,$$

$$\frac{M}{1+M} \left( (1-\varepsilon) \frac{\partial x_s}{\partial \tau} + \delta_{cw} \frac{\partial \theta_a}{\partial \tau} \right) = d_s \Delta \theta_s + d_a \Delta \theta_a,$$

$$M = \frac{a^2 \beta_c}{2Da_c}, \quad \delta_{cw} = \varepsilon \Theta, \quad \Theta = \frac{\theta_*}{x_o^0}, \quad d_a = \frac{D_a}{D}, \quad d_s = \frac{D_s}{D}.$$

В типичном для растительного сырья случае малой объемной доли клеточных стенок  $(\varepsilon \ll 1)$  можно рассматривать нулевое приближение исходных уравнений по параметру  $\varepsilon$ , которое в случае масличного сырья  $(\Theta \ll 1)$  с одной, апопластной, транспортной системой  $(d_s = 0, d_a = 1)$  примет вид

$$M(\theta_a - \theta_s) = \Delta \theta_a, \quad \frac{M}{1 + M} \frac{\partial x_s}{\partial \tau} = \Delta \theta_a.$$

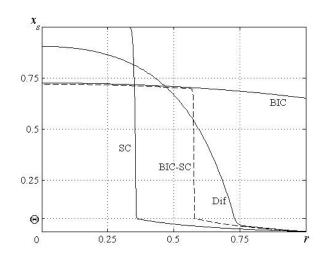
Введенный критерий подобия М характеризует интенсивность диффузионного переноса по каналам транспортных систем по сравнению с массопереносом через мембрану клетки. Показано, что непрерывное изменение М на всем интервале  $[0;\infty)$  допустимых значений эквивалентно постепенному переходу от одного предельного режима массопереноса по каналам апопласта  $(M \to 0)$ , соответствующего базовым представлениям модели ВІС [3], через диффузионный режим при  $M \approx 1$  (кривая Dif на Pис. 1) к другому пределу  $(M \to \infty)$ , так называемой модели SC [1, 2]. Здесь важно отметить, что кроме диффузионных характеристик сырья  $(\beta_c, D)$  режим экстракции существенно зависит и от размера частицы (a). И, следовательно, в полидисперсном зернистом слое может одновременно реализовываться целый спектр различных режимов.

Однако при  $d_s>0$  и  $\mathrm{M}\lesssim 1$  диффузионный поток в симпластной системе вырождается в точке переключения концентрации  $\theta_s$ , определяемой из выражения (1). В этой точке появляется скачок в распределении  $x_s(r)$ , наиболее ярко выраженный в случае  $d_s\approx\mathrm{M}\ll 1$  (пунктирная линия BIC-SC на Рис. 1), сочетающем, таким образом, особенности уже описанных выше предельных подходов SC и BIC. Если же  $\mathrm{M}\to\infty$  при  $d_s>0$ , то одновременно вырождается и диффузионный поток в апопластной системе, что характерно для предела SC.

## Источники и литература

- 1) Егоров А.Г., Саламатин А.А., Максудов Р.Н. Прямые и обратные задачи сверхкритической экстракции из полидисперсного зернистого слоя растительного материала // Теоретические основы химической технологии. 2014. Т. 48. № 1. С. 43-51.
- 2) Goto M., Roy B.C., Hirose T. Shrinking-core leaching model for supercritical fluid extraction // J. Supercritical Fluids. 1996. V. 9. № 2. P. 128-133.
- 3) Sovova H. Rate of the vegetable oil extraction with supercritical CO2-I. Modelling of extraction curves // Chemical Engineering Science. 1994. V. 49. № 3. P. 409-414.

## Иллюстрации



**Рис. 1.** Режимы экстракции, отложенные в нормированных переменных. Подписи у кривых — сокращенное название соответствующего режима.